

**Муниципальный этап Всероссийской олимпиады школьников
по астрономии
2023-2024 учебный год
10 класс
Максимальный балл – 50 баллов**

Уважаемый участник олимпиады!

Вам предстоит выполнить шесть теоретических (письменных) заданий. Задания можно выполнять в любой последовательности. Каждое задание напечатано на отдельной странице и после условия есть место для записи ответов на поставленные вопросы. Пишите аккуратно. Постарайтесь уместить все решение задачи в отведенное для этого место. Все необходимые для решения справочные данные есть в условии задачи или в справочных материалах.

Время выполнения заданий тура 2,5 астрономических часа (150 минут).

Выполнение теоретических (письменных) заданий целесообразно организовать следующим образом:

- не спеша, внимательно прочитайте задание и определите, наиболее верный и полный ход решения и ответ;
- отвечая на теоретический вопрос, обдумайте и сформулируйте конкретный ответ только на поставленный вопрос;
- если Вы отвечаете на задание, связанное с заполнением таблицы или схемы, не старайтесь чрезмерно детализировать информацию, вписывайте только те сведения или данные, которые указаны в вопросе;
- после выполнения всех предложенных заданий еще раз удостоверьтесь в правильности выбранных Вами ответов и решений.

Не спешите сдавать решения досрочно, еще раз проверьте все решения и ответы.

Задания теоретического тура считаются выполненными, если Вы вовремя сдаете их организаторам олимпиады.

Таблица выставленных баллов (заполняется при проверке жюри)

| Задача №1 | Задача №2 | Задача №3 | Задача №4 | Задача №5 | Задача №6 | Сумма |
|----------------------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-------|
| | | | | | | |
| Подпись проверяющего | | | | | | |

Задача №2. «Двойные звезды». (Максимальный балл – 8 баллов)

Входящие в состав двойной системы звезды с массами 3 и 5 масс Солнца врачаются друг вокруг друга так, что расстояние между ними остается постоянным и равным 2 а.е. Найдите орбитальный период обращения такой двойной системы.

Таблица оценивания задания (для жюри)

| Таблица оценивания задания (для жюри) | | | | | | |
|---------------------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

Задача №3. «Экзопланеты». (Максимальный балл – 8 баллов)

Во время исследования экзопланеты у звезды HD17560 обнаружили, что во время транзита планеты по диску звезды её блеск падает на 0,04 %. Зная, что радиус звезды составляет 0,5 солнечного, определите радиус планеты.

Таблица оценивания задания (для жюри)

| Таблица оценивания задания (для жюри) | | | | | | |
|---------------------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

Задача №4. «Далекая галактика». (Максимальный балл – 8 баллов)

Найти расстояние до галактики и её линейный размер, если известно, что длины волн всех спектральных линий из-за эффекта Доплера увеличены на 1%. Угловой размер галактики составляет $1'$.

Таблица оценивания задания (для жюри)

| Таблица оценивания задания (для жюри) | | | | | | |
|---------------------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

Задача №5 «Я ее вижу!». (Максимальный балл – 8 баллов)

Какой окуляр нужно использовать в телескопе с фокусным расстоянием объектива 600 мм что бы увидеть туманность Андромеды в поле зрения телескопа полностью. Видимый диаметр туманности Андромеды (она же спиральная галактика по каталогу Месье M31) составляет 2,5 градуса.

| Таблица оценивания задания (для жюри) | | | | | | |
|---------------------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

Задача №6 «Фотоколлажи». (Максимальный балл – 10 баллов)

На фото представлены 12 изображений Солнца с интервалом 1 час (суточный трек). Точки восхода и захода отмечены стрелками. Первое изображение Солнца снято через 30 минут после восхода, последнее – за 30 минут до заката. Используя фотографию, ответьте на следующие вопросы: 1. Какова продолжительность дня? 2. Какова дата съемки (примерно)? 3. На рисунке отметьте стороны света. 4. Определите (примерно) широту места съемки фотографии.

Рисунок к заданию №6 (сдается вместе с работой)



Справочная информация, разрешенная к использованию на Е

Основные физические и астрономические постоянные

Гравитационная постоянная $G = 6.672 \cdot 10^{-11} \text{ м}^3 \cdot \text{кг}^{-1} \cdot \text{с}^{-2}$

Скорость света в вакууме $c = 2.998 \cdot 10^8 \text{ м/с}$

Постоянная Больцмана $k = 1.38 \cdot 10^{-23} \text{ м}^2 \cdot \text{кг} \cdot \text{с}^{-2} \cdot \text{К}^{-1}$

Универсальная газовая постоянная $\gamma = 8.31 \text{ м}^2 \cdot \text{кг} \cdot \text{с}^{-2} \cdot \text{К}^{-1} \cdot \text{моль}^{-1}$

Постоянная Стефана-Больцмана $\sigma = 5.67 \cdot 10^{-8} \text{ кг} \cdot \text{с}^{-3} \cdot \text{К}^{-4}$

Постоянная Планка $h = 6.626 \cdot 10^{-34} \text{ кг} \cdot \text{м}^2 \cdot \text{с}^{-1}$

Масса протона $m_p = 1.67 \cdot 10^{-27} \text{ кг}$

Масса электрона $m_e = 9.11 \cdot 10^{-31} \text{ кг}$

Элементарный заряд $e = 1.602 \cdot 10^{-19} \text{ Кл}$

Астрономическая единица 1 а.е. = $1.496 \cdot 10^{11} \text{ м}$

Парсек 1 пк = $206265 \text{ а.е.} = 3.086 \cdot 10^{16} \text{ м}$

Постоянная Хаббла $H = 72 \text{ (км/с)/Мпк}$

Данные о Солнце

Радиус 697 000 км

Масса $1.989 \cdot 10^{30} \text{ кг}$

Светимость $3.88 \cdot 10^{26} \text{ Вт}$

Спектральный класс G2

Видимая звездная величина -26.78^m

Абсолютная болометрическая звездная величина $+4.72^m$

Показатель цвета (B-V) $+0.67^m$

Эффективная температура 5800К

Средний горизонтальный параллакс $8.794''$

Интегральный поток энергии на расстоянии Земли 1360 Вт/м^2

Поток энергии в видимых лучах на расстоянии Земли 600 Вт/м^2

Данные о Земле

Эксцентриситет орбиты 0.0167

Тропический год 365.24219 суток

Средняя орбитальная скорость 29.8 км/с

Период вращения 23 часа 56 минут 04 секунды

Наклон экватора к эклиптике на эпоху 2000 года: $23^\circ 26' 21.45''$

Экваториальный радиус 6378.14 км

Полярный радиус 6356.77 км

Масса $5.974 \cdot 10^{24} \text{ кг}$

Средняя плотность $5.52 \text{ г} \cdot \text{см}^{-3}$

Объемный состав атмосферы: N₂ (78%), O₂ (21%), Ar (~1%)

Данные о Луне

Среднее расстояние от Земли 384400 км

Минимальное расстояние от Земли 356410 км

Максимальное расстояние от Земли 406700 км

Средний эксцентриситет орбиты 0.055

Наклон плоскости орбиты к эклиптике $5^\circ 09'$

Сидерический (звездный) период обращения 27.321662 суток

Синодический период обращения 29.530589 суток

Радиус 1738 км

Период прецессии узлов орбиты 18.6 лет

Масса $7.348 \cdot 10^{22} \text{ кг}$ или $1/81.3$ массы Земли

Средняя плотность $3.34 \text{ г} \cdot \text{см}^{-3}$

Визуальное геометрическое альбедо 0.12

Видимая звездная величина в полнолуние -12.7^m

Видимая звездная величина в первой/последней четверти -10.5^m

Физические характеристики солнца и планет

| Планета | Масса | | Радиус | | Плотность $\text{г} \cdot \text{см}^{-3}$ | Период вращения вокруг оси | Наклон экватора к плоскости орбиты | Гео- метр. аль- бедо | Вид. звездная величина* |
|----------|-----------------------|----------------|--------|------------------|--|----------------------------------|---|-------------------------------|-------------------------------|
| | кт | массы Земли | км | радиусы Земли | | | | | |
| | градусы | | | | | | | | |
| Солнце | $1.989 \cdot 10^{30}$ | 332946 | 697000 | 109.3 | 1.41 | 25.380 сут | 7.25 | — | -26.8 |
| Меркурий | $3.302 \cdot 10^{23}$ | 0.05271 | 2439.7 | 0.3825 | 5.42 | 58.646 сут | 0.00 | 0.10 | -0.1 |
| Венера | $4.869 \cdot 10^{24}$ | 0.81476 | 6051.8 | 0.9488 | 5.20 | 243.019 сут | 177.36 | 0.65 | -4.4 |
| Земля | $5.974 \cdot 10^{24}$ | 1.00000 | 6378.1 | 1.0000 | 5.52 | 23.934 час | 23.45 | 0.37 | — |
| Марс | $6.419 \cdot 10^{23}$ | 0.10745 | 3397.2 | 0.5326 | 3.93 | 24.623 час | 25.19 | 0.15 | -2.0 |
| Юпитер | $1.899 \cdot 10^{27}$ | 317.94 | 71492 | 11.209 | 1.33 | 9.924 час | 3.13 | 0.52 | -2.7 |
| Сатурн | $5.685 \cdot 10^{26}$ | 95.181 | 60268 | 9.4494 | 0.69 | 10.656 час | 26.73 | 0.47 | 0.4 |
| Уран | $8.683 \cdot 10^{25}$ | 14.535 | 25559 | 4.0073 | 1.32 | 17.24 час** | 97.86 | 0.51 | 5.7 |
| Нептун | $1.024 \cdot 10^{26}$ | 17.135 | 24746 | 3.8799 | 1.64 | 16.11 час | 28.31 | 0.41 | 7.8 |

* для наибольшей элонгации внутренних планет и среднего противостояния внешних планет

** обратное вращение

Характеристики орбит планет

| Планета | Большая полуось | | Эксцентриситет | Наклон к плоскости эклиптики | Период обращения | Синодический период |
|----------|-----------------|---------|----------------|------------------------------|------------------|---------------------|
| | млн. км | а.е. | | | | |
| | градусы | сут. | | | | |
| Меркурий | 57.9 | 0.3871 | 0.2056 | 7.004 | 87.97 сут. | 115.9 |
| Венера | 108.2 | 0.7233 | 0.0068 | 3.394 | 224.70 сут. | 583.9 |
| Земля | 149.6 | 1.0000 | 0.0167 | 0.000 | 365.26 сут. | — |
| Марс | 227.9 | 1.5237 | 0.0934 | 1.850 | 686.98 сут. | 780.0 |
| Юпитер | 778.3 | 5.2028 | 0.0483 | 1.308 | 11.862 лет | 398.9 |
| Сатурн | 1429.4 | 9.5388 | 0.0560 | 2.488 | 29.458 лет | 378.1 |
| Уран | 2871.0 | 19.1914 | 0.0461 | 0.774 | 84.01 лет | 369.7 |
| Нептун | 4504.3 | 30.0611 | 0.0097 | 1.774 | 164.79 лет | 367.5 |

Характеристики некоторых спутников планет

| Спутник | Масса | Радиус | Плотность | Радиус орбиты | Период обращения | Геометрический альбедо | Видимая звездная величина* | m |
|---------------|-----------------------|--------|-----------|---------------|------------------|------------------------|----------------------------|---|
| | | | | | | | | m |
| Земля | | | | | | | | |
| Луна | $7.348 \cdot 10^{22}$ | 1738 | 3.34 | 384400 | 27.32166 | 0.12 | -12.7 | |
| Марс | | | | | | | | |
| Фобос | $1.08 \cdot 10^{16}$ | ~10 | 2.0 | 9380 | 0.31910 | 0.06 | 11.3 | |
| Деймос | $1.8 \cdot 10^{15}$ | ~6 | 1.7 | 23460 | 1.26244 | 0.07 | 12.4 | |
| Юпитер | | | | | | | | |
| Ио | $8.94 \cdot 10^{22}$ | 1815 | 3.55 | 421800 | 1.769138 | 0.61 | 5.0 | |
| Европа | $4.8 \cdot 10^{22}$ | 1569 | 3.01 | 671100 | 3.551181 | 0.64 | 5.3 | |
| Ганимед | $1.48 \cdot 10^{23}$ | 2631 | 1.94 | 1070400 | 7.154553 | 0.42 | 4.6 | |
| Каллисто | $1.08 \cdot 10^{23}$ | 2400 | 1.86 | 1882800 | 16.68902 | 0.20 | 5.7 | |
| Сатурн | | | | | | | | |
| Тефия | $7.55 \cdot 10^{20}$ | 530 | 1.21 | 294660 | 1.887802 | 0.9 | 10.2 | |
| Диона | $1.05 \cdot 10^{21}$ | 560 | 1.43 | 377400 | 2.736915 | 0.7 | 10.4 | |
| Рея | $2.49 \cdot 10^{21}$ | 765 | 1.33 | 527040 | 4.517500 | 0.7 | 9.7 | |
| Титан | $1.35 \cdot 10^{23}$ | 2575 | 1.88 | 1221850 | 15.94542 | 0.21 | 8.2 | |
| Япет | $1.88 \cdot 10^{21}$ | 730 | 1.21 | 3560800 | 79.33018 | 0.2 | ~11.0 | |
| Уран | | | | | | | | |
| Миранда | $6.33 \cdot 10^{19}$ | 235.8 | 1.15 | 129900 | 1.413479 | 0.27 | 16.3 | |
| Ариэль | $1.7 \cdot 10^{21}$ | 578.9 | 1.56 | 190900 | 2.520379 | 0.34 | 14.2 | |
| Умбриэль | $1.27 \cdot 10^{21}$ | 584.7 | 1.52 | 266000 | 4.144177 | 0.18 | 14.8 | |
| Титания | $3.49 \cdot 10^{21}$ | 788.9 | 1.70 | 436300 | 8.705872 | 0.27 | 13.7 | |
| Оберон | $3.03 \cdot 10^{21}$ | 761.4 | 1.64 | 583500 | 13.46324 | 0.24 | 13.9 | |
| Нептун | | | | | | | | |
| Тритон | $2.14 \cdot 10^{22}$ | 1350 | 2.07 | 354800 | 5.87685** | 0.7 | 13.5 | |

* для полнолуния или среднего противостояния внешних планет

** обратное направление вращения

Формулы приближенного вычисления

$$\sin x \approx \operatorname{tg} x \approx x;$$

$$\sin(\alpha + x) \approx \sin \alpha + x \cos \alpha;$$

$$\cos(\alpha + x) \approx \cos \alpha - x \sin \alpha;$$

$$\operatorname{tg}(\alpha + x) \approx \operatorname{tg} \alpha + \frac{x}{\cos^2 \alpha};$$

$$(1+x)^n \approx 1+nx;$$

($x \ll 1$, углы выражаются в радианах).